

高3数学β 2017スタンダード演習 22.曲線と直線

1 [2015 高知大]

方程式 $x^2 + y^2 + 2kx - 4ky + 10k - 20 = 0$ の表す図形 C を考える。ただし、 k は実数とする。

- (1) 図形 C は円であることを示せ。
- (2) 図形 C は k がどのような値であっても定点を通る。その定点の座標を求めよ。
- (3) 図形 C で囲まれる部分の面積の最小値を求めよ。
- (4) 図形 C と直線 $y = x - 2$ の共有点の個数を求めよ。

2 [2009 法政大]

円 $C : x^2 + y^2 - 10x - 2y + 6 = 0$ と直線 $y = 2x - 4$ の 2 つの交点を P, Q とするとき、

$PQ = 2\sqrt{\text{□}}$ である。点 R が円 C 上にあるような三角形 PQR の面積の最大値は □ であり、そのときの R の座標は $(\sqrt{\text{□}}, -\sqrt{\text{□}})$ である。

3 [2013 同志社大]

k を定数とする。 O を原点とする座標平面上にある直線 $L : y = -x + k$ と円 $C :$

$(x-2)^2 + (y-2)^2 = 8$ が異なる 2 点 A, B で交わっている。このとき、 k の値の範囲は

$\sqrt{\text{□}} < k < \sqrt{\text{□}}$ である。円 C が直線 L を切り取る弦 AB の長さを、 k の式として

表すと $\sqrt{\text{□}}$ となり、 $\triangle OAB$ の面積は $\sqrt{\text{□}}$ となる。また、 $k = \sqrt{\text{□}}$ のとき、

$\triangle OAB$ は正三角形となり、このとき $\triangle OAB$ の面積は $\sqrt{\text{□}}$ となる。

4 [2011 南山大]

座標平面上の 3 直線 $\ell_1 : y = \frac{1}{7}x$, $\ell_2 : y = -\frac{1}{7}x$, $\ell_3 : y = -x + 12$ を考える。 ℓ_1, ℓ_2, ℓ_3

で囲まれる三角形の内心の座標と、内接円の半径をそれぞれ求めよ。

5 [2012 成蹊大]

円 $x^2 + y^2 = 4$ の外部にある点 $P(a, 1)$ から、この円に引いた 2 本の接線が直交するとき、 a の値を求めよ。

6 [2008 駒澤大]

点 $(4, 2)$ を通り、円 $x^2 + y^2 = 4$ に接する 2 本の直線の接点を P, Q とするとき、直線 PQ の方程式を求めよ。

高3数学β 2017スタンダード演習 22.曲線と直線

7 [2000 大阪大]

$a > b > 0$ とする。円 $x^2 + y^2 = a^2$ 上の点 $(b, \sqrt{a^2 - b^2})$ における接線と x 軸との交点を P とする。また、円の外部の点 (b, c) からこの円に 2 本の接線を引き、接点を Q, R とする。このとき、2 点 Q, R を通る直線は P を通ることを示せ。

8 [2000 青山学院大]

円 $(x-5)^2 + y^2 = 1$ と円 $x^2 + y^2 = 4$ について、次の問い合わせに答えよ。

- (1) 2 円の共通接線は全部で何本あるか。
- (2) 2 円の共通接線のうち接点がすべて第 1 象限にあるものの方程式を求めよ。
- (3) 各接線について 2 円との接点を結ぶ線分の長さのうち、最小のものと最大のものを求めよ。

9 [2007 青山学院大]

xy 平面上の半径 1 の円 C が、直線 $x + \sqrt{3}y = 4$ と单位円 $x^2 + y^2 = 1$ の両方に接するという。このとき C の中心の座標を求めよ。

10 [2008 名古屋大]

2 つの円 $x^2 + (y-2)^2 = 9$ と $(x-4)^2 + (y+4)^2 = 1$ に外接し、直線 $x = 6$ に接する円を求めよ。ただし、2 つの円がただ 1 点を共有し、互いに外部にあるとき、外接するという。

11 [2014 西南学院大]

2 つの円 $C_1 : x^2 + y^2 = 25$, $C_2 : (x-4)^2 + (y-3)^2 = 2$ について、

- (1) C_1, C_2 の両方の面積を 2 等分する直線の方程式は、 $y = \frac{\text{エ}}{\text{イ}}x + \frac{\text{ウ}}{\text{エ}}$ である。

る。

- (2) C_1, C_2 の 2 つの交点を通る直線の方程式は、 $y = -\frac{\text{エ}}{\text{オ}}x + \frac{\text{カ}}{\text{エ}}$ である。

- (3) C_1, C_2 の 2 つの交点を通り、点 $(3, 1)$ を通る円の方程式は、

$$x^2 + y^2 - \frac{\text{キ}}{\text{ク}}x - \frac{\text{ケ}}{\text{ク}}y + \frac{\text{コ}}{\text{ク}} = 0 \text{ である。}$$

12 [2000 創価大]

2つの円 $x^2 + y^2 = 2$, $(x-1)^2 + (y+1)^2 = 1$ の2つの交点を通る円が直線 $y = x$ と接するとき, その円の中心と半径を求めよ.